

EDITIA 2014-2015 / ETAPA I – 23-24 ianuarie 2015

COMPER – MATEMATICĂ, CLASA a IV-a

- 1.** Cifra 1 din numărul 174 203 reprezintă ordinul:
a. miior; b. zecilor de mii; c. sutelor de mii; d. sutelor.

2. Două numere care se pot rotunji la 200 000 pot fi:
a. 148 769, 180 102; b. 159 987, 176 342;
c. 109 657, 154 322; d. 176 890, 149 879.

3. Scris cu cifre arabe, numărul MIV este:
a. 104; b. 1 006; c. 1 004; d. 106.

4. Din suma numerelor 72 162 și 8 493 scade diferența lor. Ai obținut:
a. 80 655; b. 63 669; c. 16 986; d. 15 986.

5. Dacă suma $14 + 5 \cdot i$ este un număr impar, atunci i este o cifră:
a. orice cifră; b. pară; c. diferită de zero; d. impară.

6. Diferența a două numere este 13 268. Scăzătorul este doimea lui 27 486. Care este descăzutul?
a. 13 743; b. 27 011; c. 475; d. 27 111.

7. Dacă primul număr este 83, al doilea este de 12 ori mai mare, iar al treilea cât primele două la un loc, atunci suma celor trei numere va fi:
a. 162; b. 2 075; c. 1 079; d. 2 158.

8. Ariana și-a cumpărat 2 caiete și 5 creioane, plătind 13 lei. Sora ei a cumpărat 1 caiet și 5 creioane de același fel, plătind 9 lei. Caietul e de ... ori mai scump decât creionul.
a. 4; b. 3; c. 5; d. alt răspuns.

9. Șase saci plini cu sare cântăresc 324 kg. 8 saci cu sare vor cântări:
a. 54 kg; b. 432 kg; c. 2 592 kg; d. 243 kg.

10. Suma dintre descăzut, scăzător și diferență este 6 428. Triplul descăzutului este:
a. 3 214; b. 1 071; c. 9 642; d. 6 428.

11. După colind, Andrei și Yanis au în total în trăistușele lor 54 de covrigi. După ce mănâncă fiecare câte trei covrigi, constată că Yanis rămâne cu de 3 ori mai mulți covrigi decât Andrei. La câți colegi poate oferi Yanis câte 3 covrigi din cei rămași în trăistușă lui?
a. 12; b. 15; c. 5; d. 39.

12. Suma dintre jumătatea unui număr și pătrimea sa este 624. Numărul este:
a. 832; b. 208; c. 416; d. 104.

13. La o florărie s-au adus 230 trandafiri albi și roșii. Dacă s-ar mai aduce 40 trandafiri albi, atunci numărul trandafirilor roșii ar fi de două ori mai mare decât al celor albi. Câte buchete de câte 5 trandafiri albi se pot face?
a. 15; b. 10; c. 20; d. 36.

14. Următoarele trei numere ale șirului: 8, 23, 53, 113, $\boxed{\quad}$, $\boxed{\quad}$, $\boxed{\quad}$ sunt:
a. 233, 353, 473; b. 173, 233, 293; c. 233, 473, 953; d. 226, 452, 904.

15. Cu ocazia zilei onomastice, Ioana a invitat la petrecere 12 colege de clasă. Când s-au întâlnit, fiecare a dat mâna cu toate celelalte. Câte străngeri de mâină au avut loc?
a. 66; b. 132; c. 78; d. 144.

16. Mihai, Andrei și Vlad sunt frați și au împreună 28 de ani. Cei mari sunt gemeni și vîrstă lor este exprimată printr-un număr impar de două cifre diferite. Care este vîrstă mezinului, Vlad?
a. 8 ani; b. 2 ani; c. 10 ani; d. 6 ani.

17. Diferența celor două sume $(1 + 2 + 3 + \dots + 56) - (1 + 2 + 3 + \dots + 36)$ este:
a. 1 540; b. 930; c. 630; d. 2 170.

18. Suma a trei numere naturale este 141. Al treilea este jumătate din primul, iar diferența dintre al doilea și primul împărțită la suma dintre primul și al treilea dă cîtul 3 și restul 1. Care este ultima cifră a produsului celor trei numere?
a. 0; b. 2; c. 4; d. 6.

EDIȚIA 2014-2015 / ETAPA I – 23-24 ianuarie 2015
COMPER – MATEMATICĂ, CLASA a V-a

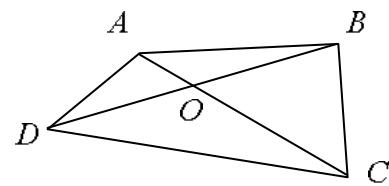
1. Cifra a din înmulțirea $75487 \cdot 54182 = \overline{40900a6634}$ este:
 a. 8; b. 3; c. 5; d. 9.
2. Dacă $xz + yz = 104$ și $z = 8$, atunci rezultatul calculului $x + y$ este:
 a. 11; b. 13; c. 15; d. 17.
3. Ultimele două cifre ale numărului $n = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot 10 + 2015$ sunt:
 a. 2 și 5; b. 1 și 5; c. 0 și 0; d. 3 și 3.
4. Suma numerelor naturale de forma \overline{abc} , cu condiția ca a , b și c să fie cifre pare consecutive, în această ordine, este:
 a. 6 660; b. 3 192; c. 999; d. 714.
5. Cifra x din egalitatea $\overline{x5} + \overline{x1x} = 903$ este:
 a. 6; b. 7; c. 8; d. 9.
6. Ultima cifră a numărului $b = 9^{2012} - 8^{2011}$ este:
 a. 9; b. 2; c. 0; d. 1.
7. Cel mai mare dintre numerele $a = 2^{60}$, $b = 3^{40}$, $c = 5^{20}$, $d = 49^{10}$ este:
 a. a ; b. b ; c. c ; d. d .
8. Numărul x din ecuația $(8^5)^{40} = 2^{30x}$ este:
 a. 10; b. 20; c. 23; d. 30.
9. Ana și Dan sunt frați. Suma vîrstelor celor doi frați este 41 de ani. În urmă cu 10 ani, vîrsta lui Dan era jumătate din vîrsta Anei. Acum vîrsta lui Dan este de:
 a. 24 ani; b. 17 ani; c. 15 ani; d. 13 ani.
10. La un număr natural scris cu două cifre, cifra zecilor este de trei ori mai mică decât cifra unităților. Diferența dintre răsturnatul numărului și număr este 54. În aceste condiții, numărul este:
 a. 13; b. 26; c. 36; d. 39.
11. Într-un magazin de jucării, o mașinușă și patru mingi costă la fel cât două păpuși, iar 8 mașinușe și 6 mingi costă împreună cât 4 păpuși. Care afirmație este adevărată?
 a. Mașinușă este de două ori mai scumpă decât mingea.
 b. Mașinușă și mingea au același preț.
 c. Mingea este de trei ori mai scumpă decât mașinușă.
 d. Mingea este de două ori mai scumpă decât mașinușă.
12. Suma a trei numere naturale consecutive este 3^{2012} . Ultima cifră a produsului celor trei numere este:
 a. 6; b. 4; c. 2; d. 8.
13. O sticlă cu suc costă 4 lei. Poți returna sticla goală și primești 2 lei. Cantitatea maximă de suc pe care o poti consuma având 20 lei este:
 a. 5 sticle; b. 7 sticle; c. 10 sticle; d. 9 sticle.
14. Fie mulțimea $X = \{1; 3; 5; 7; \dots; 2n+1; \dots\}$. Construim $A_1 = \{1\}$, $A_2 = \{3; 5\}$, $A_3 = \{7; 9; 11\}$, Suma elementelor mulțimii A_{20} este:
 a. 3456; b. 4876; c. 8000; d. 7898.
15. Valoarea numărului $A = [3^{131} + (3^{20} - 1)(3^{131} + 3^{151} + 3^{171} + \dots + 3^{2011})] : 3^{2030}$ este:
 a. 3; b. 9; c. 16; d. 81.
16. Pe un ecran este scris numărul 34. După fiecare minut, în locul numărului afișat pe ecran, se scrie un număr cu 18 mai mare decât produsul cifrelor sale. Numărul care va fi scris pe ecran după 2013 minute este:
 a. 34; b. 26; c. 52; d. 18.
17. Suma cifrelor numărului $(2 \cdot 5)^{2012} - 89$ este:
 a. 24 000; b. 18 092; c. 18 000; d. 18 235.
18. A 1000-a cifră a numărului $N = 36912151821\dots99102105\dots20102013$ este egală cu:
 a. 1; b. 2; c. 5; d. 9.

EDIȚIA 2014-2015 / ETAPA I – 23-24 ianuarie 2015
COMPER – MATEMATICĂ, CLASA a VI-a

1. Rezultatul calculului $\left[\left(2^7\right)^8 + 25^{25} - 7^{36} : 7^{20}\right] : \left[2^{8^2} : 16^2 + 5^{51} : 5 - \left(7^3\right)^5 \cdot 7\right]$ este:
 a. 1; b. 2; c. 7; d. 8.
2. Dacă numerele naturale $n, n+1, n+3, n+9$ sunt prime, atunci numărul $n^{n+3} + (n+1)^n + (n+3)^{n+1}$ este egal cu:
 a. 176; b. 166; c. 254; d. 82.
3. Suplementul complementului unui unghi are măsura egală cu triplul măsurii complementului suplementului unghiului de măsură triplă. Unghiul are măsura:
 a. 30° ; b. 25° ; c. 45° ; d. 60° .
4. O cincime din numărul 125^{25} este:
 a. 25^{25} ; b. 5^{75} ; c. 5^{74} ; d. 5^{65} .
5. Unghiurile $\angle ABC$ și $\angle ABD$ sunt două unghiuri complementare neadiacente. Dacă $m(\angle ABC) = 20^\circ$, atunci măsura unghiului format de bisectoarele unghiurilor $\angle ABC$ și $\angle ABD$ este:
 a. 35° ; b. 25° ; c. 20° ; d. 45° .
6. Împărțind numărul α la 24 obținem restul 17. Împărțind numărul α la 8 obținem restul:
 a. 17; b. 7; c. 1; d. 2.
7. Ordinea descrescătoare a numerelor $x = 2^{1650}, y = 3^{990}, z = 7^{660}$ este:
 a. $x > y > z$, b. $y > z > x$, c. $z > y > x$, d. $z > x > y$.
8. A 2010-a zecimală a numărului $\frac{1}{7}$ este:
 a. 1; b. 8; c. 4; d. 7.
9. Punctele A, B, C sunt coliniare, în această ordine, iar $AB = 5$ cm, $AC = 17$ cm. Lungimea segmentului determinat de mijloacele segmentelor (AB) și (BC) este:
 a. 7,5 cm; b. 9,5 cm; c. 8,5 cm; d. 8 cm.
10. Rezultatul calculului $23^\circ 45' 50'' + 15^\circ 23' 15''$ este:
 a. $39^\circ 5' 9''$; b. $39^\circ 9' 5''$; c. $39^\circ 19' 5''$; d. $38^\circ 9' 5''$.
11. Dacă $B \in (AC)$, $[AB] \equiv [BC]$, $AB = 5$ cm, $D \in (AC)$, $AD = 18$ cm, distanța dintre mijloacele segmentelor $[AB]$ și $[CD]$ este egală cu:
 a. 11,5 cm; b. 11 cm; c. 10,5 cm; d. 12 cm.
12. Dacă 6 unghiuri formate în jurul unui punct au măsurile: $x^\circ, x^\circ + 1^\circ, x^\circ + 2^\circ, x^\circ + 3^\circ, x^\circ + 4^\circ, x^\circ + 2^\circ$, atunci x° este egal cu:
 a. 45° ; b. 58° ; c. 30° ; d. 65° .
13. Numărul $\alpha \in \mathbb{Q}_+$ care verifică egalitatea $\frac{\alpha-3}{4} = \frac{5}{2}$ este egal cu:
 a. 8; b. 10; c. 13; d. 14.
14. Restul împărțirii numărului $11 \cdot 5^n + 4 \cdot 5^{n+1} + 5^{n+2} + 13$ la 7, pentru orice $n \in \mathbb{N}^*$, este egal cu:
 a. 2; b. 3; c. 4; d. 6.
15. La un cerc de matematică, profesorul are $3n+9$ probleme pe care le împarte în mod egal la cei $2n+2$ elevi prezenți ($n \in \mathbb{N}$). Care este numărul elevilor prezenți la cerc, știind că acesta este mai mare decât 10?
 a. 12; b. 14; c. 16; d. 18.
16. Cel mai mare număr de trei cifre care împărțit la 5, la 6 și la 7 dă resturile 1, 2 și respectiv 3 este:
 a. 966; b. 836; c. 936; d. 986.
17. Se dau numerele $x = 2^{77} - 2^{76} - 2^{75}$ și $y = 3^{52} - 2(3^{51} - 3^{50})$. Care dintre relațiile următoare este adevărată?
 a. $x < y$; b. $x > y$; c. $x = y$; d. $x \geq y$.
18. Se consideră unghiurile adiacente $\angle AOB, \angle BOC, \angle COD$ și $\angle DOE$, astfel încât $m(\angle BOC) = 30^\circ$. Știind că $[OB$ este bisectoarea unghiului $\angle AOC$, $[OC$ este bisectoarea unghiului $\angle AOD$ și $[OD$ este bisectoarea unghiului $\angle BOE$, măsura unghiului format de $[OB$ cu bisectoarea unghiului $\angle AOE$ este egală cu:
 a. 85° ; b. 90° ; c. 105° ; d. 120° .

EDIȚIA 2014-2015 / ETAPA I – 23-24 ianuarie 2015
COMPER – MATEMATICĂ, CLASA a VII-a

1. Mulțimea A are 5 elemente numere naturale distincte. Suma lor este 10. Produsul celor 5 numere din A este:
 - 120;
 - 0;
 - 144;
 - 24.
2. Dacă numerele $2x + 1$ și $5x - 3$ sunt direct proporționale cu 6 și 4, atunci x este egal cu:
 - 4;
 - 3;
 - 2;
 - 1.
3. Dacă media aritmetică dintre un număr și dublul său este 45, atunci numărul este:
 - 40;
 - 50;
 - 60;
 - 30.
4. Se consideră un trapez isoscel $ABCD$ cu baza mare (AB). Laturile neparalele formează un unghi cu măsura de 60° . Dacă semidreapta (AC este bisectoarea unghiului $\angle DAB$ și $CD = 20$ cm, atunci perimetrul trapezului $ABCD$ este egal cu:
 - 100 cm;
 - 120 cm;
 - 160 cm;
 - 140 cm.
5. O tablă în formă de pătrat cu latura de 120 cm a fost vopsită pe ambele părți. Dacă pentru 45 cm^2 s-au consumat 3 g de vopsea, atunci întreaga cantitate de vopsea folosită a fost:
 - 19,2 kg;
 - 1,92 kg;
 - 0,192 kg;
 - 192 kg.
6. O livadă în formă de dreptunghi, care are lățimea egală cu un sfert din lungime, trebuie împrejmuită cu patru rânduri de sărmă ghimpată. Dacă s-au folosit 800 m de sărmă, atunci aria livezii este egală cu:
 - $1\ 600\text{ m}^2$;
 - 900 m^2 ;
 - $6\ 400\text{ m}^2$;
 - $2\ 500\text{ m}^2$.
7. Se consideră un triunghi ABC a cărui aria este egală cu 15 cm^2 și în care M este mijlocul lui (BC) . Dacă $N \in (AM)$ și $AN = 2 \cdot NM$, atunci aria triunghiului BMN este egală cu:
 - 5 cm^2 ;
 - 3 cm^2 ;
 - $2,5\text{ cm}^2$;
 - $1,8\text{ cm}^2$.
8. Cel mai mic număr natural nenul x , pentru care $\sqrt{120x} \in \mathbb{N}$, este egal cu:
 - 2;
 - 6;
 - 15;
 - 30.
9. Media aritmetică a numerelor 1; 2; ...; 2 010 este egală cu:
 - 1 005,5;
 - 2 005;
 - 2 010;
 - 2 010,5.
10. Ecuația $\frac{3}{4}\left[\frac{3}{4} + \frac{3}{4}\left(\frac{4}{3}x + \frac{1}{3}\right)\right] = 3$ are soluția egală cu:
 - 3;
 - 4;
 - 1;
 - 0,3.
11. Fie $a, b, c \in \mathbb{N}^*$ astfel încât $\frac{a}{2} = \frac{b}{4} = \frac{c}{6}$, iar $abc = 5184$. Suma $a+b+c$ este:
 - 72;
 - 65;
 - 90;
 - 87.
12. În pătratul $ABCD$ cu $AB = 12$ cm se ia punctul $N \in AD$ astfel încât $AN = 8$ cm și M mijlocul lui AB . Dacă $MN = 10$ cm, atunci distanța de la C la MN este:
 - 5 cm;
 - 6 cm;
 - 12 cm;
 - 7,2 cm.
13. În paralelogramul $ABCD$, $[AM]$ este bisectoarea unghiului A , iar $M \in [CD]$. Dacă $DM = 6$ cm, iar $MC = 3$ cm, atunci perimetrul paralelogramului este:
 - 10 cm;
 - 30 cm;
 - 15 cm;
 - 9 cm.
14. Suma cifrelor celui mai mare număr natural de forma \overline{xy} , ale cărui cifre verifică relația:
 $4x + 2xy - 3(y+11) = 0$ este:
 - 7;
 - 8;
 - 9;
 - 10.
15. În interiorul pătratului $ABCD$ se ia un punct E , astfel încât triunghiul DEC să fie isoscel și $m(\angle DEC) = 150^\circ$. Atunci $m(\angle AEB)$ este:
 - 30° ;
 - 45° ;
 - 60° ;
 - 90° .
16. În patrulaterul convex $ABCD$, măsurile unghiurilor $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$, $\angle D$ sunt invers proporționale cu numerele 2, 3, 4 și 6. Măsura unghiului $\angle C$ este egală cu:
 - 48° ;
 - 72° ;
 - 96° ;
 - 122° .
17. Rezultatul calculului $\frac{1}{9 \cdot 22} + \frac{1}{18 \cdot 33} + \frac{1}{27 \cdot 44} + \dots + \frac{1}{891 \cdot 1100}$ este egal cu:
 - $\frac{1}{99}$;
 - $\frac{1}{100}$;
 - $\frac{98}{99}$;
 - $\frac{99}{100}$.
18. Andrei a tăiat o prăjitură omogenă în formă de patrulater convex $ABCD$ în patru părți, în lungul diagonalelor, ca în figura de mai jos. Andrei mănâncă partea AOB . Părțile OAD , ODC , respectiv OCB cântăresc 100 g, 200 g, respectiv 300 g. Cât cântărea partea de prăjitură pe care a mâncaș Andrei?
 - 100 g;
 - 150 g;
 - 175 g;
 - 200 g.



EDIȚIA 2014-2015 / ETAPA I – 23-24 ianuarie 2015
COMPER – MATEMATICĂ, CLASA a VIII-a

1. Dacă $a = \sqrt{7} + \sqrt{6}$ și $b = \sqrt{6} - \sqrt{7}$, atunci suma inverselor numerelor a și b este egală cu:
 a. $-2\sqrt{6}$; b. $2\sqrt{6}$; c. $-2\sqrt{7}$; d. $2\sqrt{7}$.
2. Dacă $x \in (-1, 2]$, atunci $3x - 2$ aparține intervalului:
 a. $(-5, 4]$; b. $[-5, 4)$; c. $[-4, 5)$; d. $[-5, -4)$.
3. Partea întreagă a numărului real $a = \frac{2}{\sqrt{3}-1}$ este egală cu: a. 0; b. 1; c. 2; d. 3.
4. Dacă o piramidă regulată are în total 12 muchii, atunci numărul de muchii laterale ale piramidei este egal cu: a. 3; b. 4; c. 5; d. 6.
5. Suma lungimilor tuturor muchiilor unui cub este egală cu 9,6 cm. Lungimea muchiei cubului este egală cu: a. 0,8 cm; b. 8 cm; c. 80 cm; d. alt răspuns.
6. Pe planul triunghiului echilateral ABC de latură $AB = 16$ cm, se ridică perpendiculara $PA = 12$ cm. Aria triunghiului PBC este:
 a. $16\sqrt{7}$ cm²; b. $32\sqrt{21}$ cm²; c. $20\sqrt{21}$ cm²; d. $18\sqrt{3}$ cm².
7. Rezultatul calculului $\left[(x-3)^2 - (x^2 - 25) \right] : 2$ este egal cu:
 a. $-3x - 17$; b. $3x - 17$; c. $-3x + 17$; d. $3x + 17$.
8. După calcule, expresia $E(x)$, $x \in \mathbb{R} \setminus \left\{ -3, \frac{1}{2}, 3 \right\}$, $E(x) = \left(\frac{x^2 - 4}{x^2 - 9} - 1 \right) : \left(\frac{1}{x-3} + \frac{1}{x+3} - \frac{1}{x^2 - 9} \right)$, este egală cu:
 a. $\frac{-5}{2x-1}$; b. $\frac{5}{2x-1}$; c. $\frac{5}{2x+1}$; d. $\frac{5}{-2x-1}$.
9. Pe planul paralelogramului $ABCD$, $AB = 6$ cm, $AD = 8$ cm, $m(\angle B) = 60^\circ$, se ridică perpendiculara $AP = 4\sqrt{6}$ cm. Distanța $d(P, CD)$ este egală cu:
 a. 12 cm; b. 13 cm; c. 14 cm; d. 15 cm.
10. Fie triunghiul ABC isoscel, cu $AB = AC = 29$ cm și $BC = 40$ cm, iar $M \notin (ABC)$ astfel încât $AM = 35$ cm, $MB = MC = 4\sqrt{74}$ cm. Dacă D este mijlocul lui $[BC]$, aria triunghiului MDA este egală cu:
 a. 290 cm²; b. 292 cm²; c. 294 cm²; d. 300 cm².
11. Suma valorilor lui $x \in \mathbb{Z}$ pentru care numărul $E = \frac{\sqrt{28-10\sqrt{3}}+\sqrt{5-2\sqrt{6}}+\sqrt{18+8\sqrt{2}}}{x-2} \in \mathbb{Z}$ este:
 a. 11; b. 10; c. 18; d. 12.
12. Fie $x + 5y - 1 = 0$; $x \in [6; 11]$. Atunci $\sqrt{(x-6)^2 + (y+1)^2} + \sqrt{(x-11)^2 + (y+2)^2}$ este:
 a. 0; b. 1; c. 7; d. $\sqrt{26}$.
13. Dacă $x \in \mathbb{R}^*$ și $x + \frac{1}{x} = 3$, atunci $x^4 + \frac{1}{x^4}$ este: a. 40; b. 27; c. 47; d. 100.
14. Fie cubul $ABCDA'B'C'D'$ cu muchia de 6 cm. Distanța de la D la planul $(D'AC)$ este:
 a. $2\sqrt{3}$ cm; b. $6\sqrt{2}$ cm; c. $3\sqrt{3}$ cm; d. $2\sqrt{6}$ cm.
15. Suma numerelor reale x și y ce verifică egalitatea $|x+y-2| + |2x-y+8|=0$ este egală cu:
 a. 2; b. 4; c. 6; d. 8.
16. Dacă $x^2 + y^2 + z^2 = 216$ și $xy + yz + zx = 230$, unde $x, y, z \in \mathbb{R}_+$, atunci valoarea sumei $x + y + z$ este egală cu: a. 24; b. 25; c. 26; d. 27.
17. Soluția reală a ecuației $|3 + |x-3| - x| = 8$ este egală cu: a. -5; b. -1; c. 0; d. 1.
18. În paralelipipedul dreptunghic $ABCDA'B'C'D'$ se știe că $A'C + AC = 81$ cm și $A'C + AA' = 50$ cm. Lungimea diagonalei $[AC]$ este egală cu:
 a. 39 cm; b. 40 cm; c. 41 cm; d. 43 cm.