

**SIMULARE EVALUARE NAȚIONALĂ**  
**Probă scrisă la MATEMATICĂ, clasa a VIII-a - 2013**  
**GALATI**

**SUBIECTUL I – Pe foaia de examen scrieți numai rezultatele. (30 puncte)**

1. Rezultatul calculului  $4 - 4 : 4$  este egal cu .....  
2. Diferența dintre media aritmetică și media geometrică a numerelor 3 și 27 este egală cu .....  
3. Scrisă sub formă de interval, mulțimea  $A = \{x \in \mathbb{R} / 3x - 1 < 2\}$  este .....  
**5p** 4. Perimetrul unui pătrat de latură 5 cm este egal cu .....cm.  
**5p** 5. Cubul  $ABCDA'B'C'D'$  are suma lungimilor tuturor muchiilor egală cu 108 cm. Aria triunghiului  $D'AC$  este egală cu .....  $cm^2$ .  
**5p** 6. Un librar vinde cărți în cursul unei săptămâni de lucru, aşa cum se vede în tabelul de mai jos. Numărul mediu de cărți, vândute pe zi de librar, este egal cu .....  
**5p**

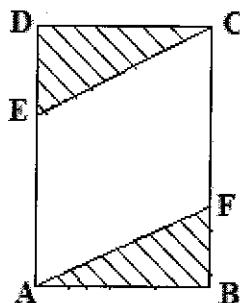
Ziua	Luni	Martă	Miercuri	Joi	Vineri	Sâmbătă
Număr cărți vândute	13	9	23	20	15	16

**SUBIECTUL al II-lea – Pe foaia de examen scrieți rezolvările complete. (30 puncte).**

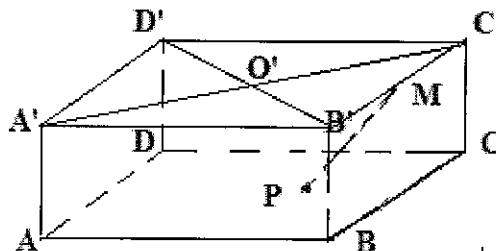
1. Desenați pe foaia de examen un cub notat SIMULARE.  
**5p** 2. Să se determine numerele reale a și b, știind că ele sunt invers proporționale cu numerele  $\frac{1}{3}$  și  $\frac{1}{4}$ , iar  $2 \cdot a + 3 \cdot b = 3240$ .  
**5p** 3. Prețul unei biciclete este 400 lei și se mărește în două etape: prima dată cu 10% și apoi cu 10% din noul preț.  
**1p** a) Să se calculeze prețul bicicletei după prima mărire?  
b) Să se calculeze prețul bicicletei după a doua mărire.  
**3p** c) În loc să se facă două mărimi succesive, se putea face una singură. Cu ce procent ar fi trebuit să se mărească prețul inițial pentru a se ajunge la prețul obținut după a două mărire?  
4. Se consideră funcția  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = 4 - x$ .  
**4p** a). Să se calculeze  $f(0) + f(1) + f(2) + \dots + f(100)$ .  
b). Să se reprezinte graficul funcției  $f$ .  
**3p** c). Să se calculeze distanța de la originea sistemului de coordonate  $xOy$  la reprezentarea grafică a funcției  $f$ .  
**5p** 5. Să se demonstreze că expresia  $E(x) = \frac{25x^2 - 10x + 1}{5x - 1} : \frac{25x^2 - 1}{10x + 2}$  este constantă,  $(\forall) x \in \mathbb{R} - \left\{ \pm \frac{1}{5} \right\}$ .

**SUBIECTUL III (30p)**

1. O ușă de interior arată ca în figura de mai jos. Suprafețele hașurate sunt confectionate din lemn, iar restul din sticlă. Se cunoaște că  $AECF$  este paralelogram,  $AB = 8 \text{ dm}$ ,  $BC = 21 \text{ dm}$  și  $BF = DE = x \text{ dm}$ , unde  $x$  este distanța exprimată în decimetri,  $0 < x < 21$ .
- 5p a) Să se demonstreze că aria paralelogramului  $AECF$ , calculată în funcție de  $x$ , este  $8(21-x)\text{dm}^2$ .
- 5p b) Să se calculeze valoarea lui  $x$  știind că aria suprafeței din lemn este jumătate din aria suprafeței din sticlă.
- 5p c) Să se calculeze prețul unei uși dacă  $x = 7 \text{ dm}$ ,  $1\text{m}^2$  de lemn costă 50 lei,  $1\text{m}^2$  sticlă costă 75 lei, accesoriiile metalice aplicate costă 18 lei, iar manopera lucrătorului reprezintă 20% din prețul lemnului, sticlei și accesorilor?



2. Subsolul unei case are forma unui paralelipiped dreptunghic ca în figura de mai jos cu  $AB = 8 \text{ m}$ ,  $BC = 6 \text{ m}$  și  $AA' = 2,5 \text{ m}$ .



- 5p a) Dacă pentru  $1 \text{ m}^2$  de perete se folosesc  $0,5 \text{ l}$  de var, să se determine ce cantitate de var este necesară pentru vopsirea peretilor subsolului casei (fără podea și tavan), știind că nu există ferestre;
- 5p b) Pământul scos din locul unde s-a săpat subsolul, s-a împrăștiat uniform, presându-l bine, pe un teren în formă de dreptunghi cu lungimea de  $25 \text{ m}$  și lățimea de  $24 \text{ m}$ . Cu cât se va înălța nivelul terenului?
- 5p c) Se construiește, în subsolul casei, o scară de acces notată  $[MP]$ ,  $M \in [B'C']$ ,  $P \in (ABC)$ ,  $P \notin [AB]$ ,  $P \notin [BC]$ ,  $P \notin [CD]$ ,  $P \notin [AD]$ , astfel încât unghiul pe care îl face scara cu podeaua (ABCD), are măsura de  $45^\circ$ . Să se determine lungimea scării.

## BAREM DE EVALUARE- MATEMATICA

### CLASA A VIII-A

#### SUBIECTUL I

- ♦ Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie punctajul maxim prevăzut în dreptul fiecărei cerințe, fie 0 puncte.
- ♦ Nu se acordă punctaje intermediare.

Nr. Item	SUBIECTUL I					
	1)	2)	3)	4)	5)	6)
<b>Soluție</b>	3	6	$(-\infty, 1)$	20 cm	$\frac{81\sqrt{3}}{2} \text{ cm}^2$	16 cărți

#### SUBIECTUL II și III

- ♦ Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul maxim corespunzător.

- ♦ Nu se acordă fracții de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem

#### SUBIECTUL II

1.	Desenarea corectă a cubului. Notarea corectă a cubului.	4p 1p
2.	$a=540$ ; $b=720$	5p
3.	a). 440 lei	1p
	b). 484 lei	1p
	c). 21%	3p
4.	a). - 4646	4p
	b). Determinarea a două puncte de pe graficul funcției $f$ ; Reprezentarea graficului funcției $f$ în sistemul de axe perpendiculare.	2p 1p
	c). Determinarea punctelor de intersecție a graficului funcției $f$ cu axele de coordonate; Distanța = $2\sqrt{2}$	1p 2p
	$E(x) = 2 = \text{constant}$ .	5p

#### Subiectul III

1.	a) $A_{AECF} = b \cdot h = CF \cdot CD$ $CF = BC - BF = 21 - x$ $A_{AECF} = 8(21 - x) \text{ dm}^2$	2p 2p 1p
	b). $A_{\text{lemn}} = 2 \cdot \frac{8 \cdot x}{2} = 8x$ ; $A_{\text{sticla}} = 8(21 - x)$ ;	2p 2p

	$A_{lemn} = \frac{1}{2} A_{sticla}$ $8x = \frac{8(21-x)}{2}$ ; x=7 dm.	1p
	c) $A_{lemn} = 56 \text{ dm}^2 = 0,56 \text{ m}^2$ ; $P_{lemn} = 0,56 \cdot 50 = 28 \text{ lei};$ $A_{sticla} = 112 \text{ dm}^2 = 1,12 \text{ m}^2$ ; $P_{sticla} = 1,12 \cdot 75 = 84 \text{ lei}$ $28+84+18 = 130 \text{ lei}$ $P_{manopera} = 20\% \cdot 130 = 26 \text{ lei}$ $P_{usa} = 130+26 = 156 \text{ lei}$	1p 1p 1p 1p 1p
2.	a) $A_l = 2 \cdot h \cdot (l + L) \Rightarrow A_l = 2 \cdot 2,5 \cdot (6 + 8) \Rightarrow A_l = 70 \text{ m}^2;$ Cantitatea de var necesară este $35l$ . b) 0,2 m.	5p 5p
	Fie $MN \perp BC, N \in (BC);$ $\left. \begin{array}{l} MN \perp BC \\ BB' \perp BC \\ MN, BB' \subset (BB'C) \end{array} \right\} \Rightarrow MN \parallel BB'$ $\left. \begin{array}{l} MN \parallel BB' \\ B'M \parallel BN \\ MN \perp BC \end{array} \right\} \Rightarrow MNBB' \text{ dreptunghi} \Rightarrow [MN] \equiv [BB'].$ $\left. \begin{array}{l} MN \perp BC \\ (BB'C'C) \perp (ABCD) \\ (BB'C'C) \cap (ABCD) = BC \\ MN \subset (BB'C'C) \end{array} \right\} \Rightarrow MN \perp (ABCD) \Rightarrow m(\angle(MP, (ABCD))) = m(\angle(MPN))$ $\Rightarrow$ $\left. \begin{array}{l} \triangle MNP (m(\angle(MNP)) = 90^\circ) \\ m(\angle(MPN)) = 45^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow MN \equiv NP = 2,5m \Rightarrow MP = 2,5\sqrt{2}m.$	3p 2p