

## Bareme de rezolvare

### CLASA a VIII-a

1.  $\frac{a}{b} + \frac{b}{a} > 2$  pentru  $a \neq b$  și  $a, b \in R_+$

5p

$$\left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{7}} + \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{2}}\right) > 2 \quad \left(\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{7}} + \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}}\right) > 2 \quad \left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}\right) > 2$$

5p

$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{\sqrt{7}} + \frac{\sqrt{7} + \sqrt{3}}{\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{2} + \sqrt{7}}{\sqrt{3}} > 6$$

5p

2.  $a^2 + b^2 - 2b + 1 = a^2 + (b-1)^2 = 2(b-1)^2$

5p

$$a^2 + b^2 - 6b - 4a + 13 = (a-2)^2 + (b-3)^2 = 2(b-3)^2$$

5p

$$b-1 \geq 0, \quad b-3 \leq 0$$

5p

$$|b-1|\sqrt{2} + |b-3|\sqrt{2} = b\sqrt{2} - \sqrt{2} - b\sqrt{2} + 3\sqrt{2} = 2\sqrt{2}$$

5p

3. a) Notăm cu E piciorul perpendicularei din O pe AB ( $E \in AB$ ) și cu H piciorul perpendicularei din O pe CE ( $H \in CE$ )

$$OH \perp (ABC). \quad AB \perp OE$$

5p

$$CO \perp (AOB) \Rightarrow CO \perp AB \Rightarrow AB \perp CO$$

5p

$$AB \perp (COE) \Rightarrow AB \perp OH \Rightarrow OH \perp AB$$

5p

$$OH \perp (ABC), \quad d[O, (ABC)] = OH.$$

$$OH = (OC \cdot OE) : CE = 84/37.$$

5p

b)  $AB \perp (COE)$  și  $H \in CE$

5p

$$AO \perp OB \text{ și } AO \perp OC \Rightarrow AO \perp (OBC) \Rightarrow BC \perp AO$$

5p

$$\text{Dar } OH \perp (ABC) \Rightarrow BC \perp OH$$

$$BC \perp (AOH) \Rightarrow BC \perp AH \Rightarrow AH \text{ înălțime} \Rightarrow H \text{ ortocentrul triunghiului } ABC.$$

5p

4. a) Din  $T3 \perp \Rightarrow \Delta A'BM - dr; m(\angle A'BM) = 90^\circ$

5p

$$\Delta A'BM (m(\angle A'BM) = 90^\circ) \xrightarrow{T.P.} A'M^2 = A'B^2 + BM^2$$

$$AB = 8cm$$

5p

b) Determinarea unghiului

5p

$$\text{În } \Delta D'DB (m(\angle D'DB) = 90^\circ) \Rightarrow \operatorname{tg}(\angle D'BD) = \frac{DD'}{DB}$$

$$\operatorname{tg}(\angle D'BD) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

5p

10p - oficiu