

Școala Gimnazială „Nicolae Romanescu” Craiova
Concursul Interjudețean de Matematică „Micul Arhimede” – Ediția a XIII-a
Clasa a V-a

Partea I

1. Ioana taie o bucată de hârtie în 10 bucăți. Apoi ia una din bucăți și o taie iar în zece bucăți. Ea repede această operațiune încă de două ori. Câte bucăți de hârtie va avea în final? a. 27 b. 30 c. 37 d. 40 e. 47
2. Într-un seif sunt 5 sertare, în fiecare sertar sunt 3 cutii, iar în fiecare cutie sunt 10 monede de aur. Seiful, sertarele și cutiile sunt închise fiecare cu lacăt. Câte lacăte trebuie deschise pentru a putea lua 50 de monede?
a. 5 b. 6 c. 7 d. 8 e. 9
3. Suma a 5 numere naturale consecutive este 2005. Cel mai mare număr dintre acestea este: a. 401 b. 403 c. 404 d. 405 e. 2001
4. Furnicuța Cuța lucrează 4 zile pe săptămână și se odihnește în a 5-a zi. Ea tocmai s-a odihnit luni și a început lucrul marți. După câte zile se va odihni iar luni?
a. 30 b. 36 c. 12 d. 34 e. 7
5. Dacă veverița Vivi îi dă veveriței Bibi 3 nuci din nucile ei, aceasta va avea cu 7 nuci mai mult decât Vivi, iar dacă îi dă 4 nuci, aceasta va avea 20 de nuci. Câte nuci are Vivi?
a. 7 b. 16 c. 15 d. 14 e. 24
6. Fie a cel mai mic număr natural par având suma cifrelor 12. Atunci produsul cifrelor lui a este: a. 0 b. 48 c. 12 d. 32 e. 24
7. Am construit o jucărie astfel: într-o mingiuță de plastic am introdus 2 mingiuțe de plastic, care conțineau fiecare câte 3 mingiuțe de plastic, care conțineau fiecare câte 4 mingiuțe de plastic. Câte mingiuțe am folosit?
a. 33 b. 35 c. 10 d. 12 e. 24
8. Găsiți un număr de 5 cifre în care prima cifră este jumătate din a doua, a doua este cu 3 mai mică decât a treia, a patra și a cincea formează un număr egal cu suma dintre prima și a treia cifră, iar suma cifrelor sale este 21.
a. 24727 b. 36939 c. 36912 d. 3691 e. 48115
9. Care este diferența dintre suma primelor 1000 de numere naturale pare nenule și suma primelor 1000 de numere naturale impare?
a. 1 b. 200 c. 500 d. 1000 e. 2000
10. Ana a calculat suma dintre cel mai mare și cel mai mic număr de două cifre care sunt multiplii ai lui 3, iar Bogdan a calculate suma dintre cel mai mare și cel mai mic număr de două cifre care nu sunt multiplii ai lui 3. Cu cât este mai mare rezultatul obținut de Ana față de cel obținut de Bogdan?
a. 2 b. 3 c. 4 d. 5 e. 6

Partea a II-a

11. Suma a patru numere naturale este 2046. Împărțind primul număr la al doilea obținem câtul 2 și restul 1, împărțind al doilea număr la al treilea obținem câtul 3 și restul 2, împărțind pe al treilea la al patrulea obținem câtul 4 și restul 3. Aflați cele 4 numere.
(Gazeta matematică 10/2011, E 14161)
12. a) Aflați numerele \overline{ab} știind că $a^4 + a^2 = 5b$ (Gazeta matematică 10/2011, E 14162)
b) Alegem 61 de numere naturale nenule, distințe, a căror sumă este 2044. Arătați că printre ele se găsește cel puțin un număr natural cub perfect.
(Gazeta matematică 4/2009, E 13809)

Școala Gimnazială „Nicolae Romanescu” Craiova
Concursul Interjudețean de Matematică „Micul Arhimede” – Ediția a XIII-a

Clasa a VI – a

Partea I

1. Câte ore sunt într-o jumătate dintr-o treime dintr-un sfert dintr-o zi? (o zi are 24 de ore)
a. $\frac{1}{3}$ b. $\frac{1}{2}$ c. 1 d.2 e. 3
2. La o masă festivă sunt 37 de persoane. După ce au plecat 5 doamne și 2 domni, au rămas de 2 ori mai mulți domni decât doamne. Câți domni erau la început?
a. 22 b. 15 c. 25 d.12 e. 32
3. Presupunem că toți șoriceii mănâncă aceeași cantitate de mâncare cu aceeași viteză. Dacă 5 șoricei mănâncă 250 g de brânză în 2 minute și jumătate, câtă brânză vor mânca 2 șoricei în 10 minute?
a. 400g b. 500g c. 1kg d.200g e. 100g
4. Petre are mai puțin de 145 de creioane. Dacă el le numără din 4 în 4, din 6 în 6 sau din 9 în 9, de fiecare dată rămân 2 creioane. Care este numărul maxim de creioane pe care le poate avea?
a. 38 b. 80 c. 96 d.110 e. 144
5. La petrecere participă toate vrăjitoarele ale căror vârste reprezintă numere de trei cifre având produsul cifrelor 12. Dacă nu există două vrăjitoare de aceeași vîrstă, câte vrăjitoare sunt la petrecere?
a. 4 b. 16 c. 10 d.13 e. 15
6. În dreptunghiul ABCD, punctul M se află pe AB și N pe CD, astfel încât AMND este dreptunghi. Dacă AM este de 3 cm și MB este de 7 cm, care este diferența dintre perimetrele dreptunghiurilor MBCN și AMND?
a. 14 cm b. 10 cm c. 8 cm d.6 cm e. Depinde de lungimea lui AD
7. În cămară sunt 3 cutii cu banane, 2 cutii cu mere și 4 cutii cu portocale, toate de aceeași culoare și formă, dar fără etichete. Care este numărul minim de cutii ce trebuie alese, pentru ca printre ele să fie sigur una de mere?
a. 1 b. 2 c. 3 d.7 e. 8
8. Jumătate din vîrstă mea este o treime din vîrstă surorii mele. Care din valorile de mai jos este posibil să fie vîrstă surorii mele?
a. 10 b. 11 c. 12 d.13 e. 14
9. Jumătate dintr-o sutime este:
a. 0,005 b. 0,002 c. 0,05 d. 0,02 e. 0,5
10. Vîrstă Mariei este o șesime din cea a unchiului său. Peste 4 ani, vîrstă ei va fi un sfert din cea a unchiului său. Ce vîrstă are Maria?
a.6 b.24 c.12 d.48 e.36

Partea a II-a

11. Aflați numerele naturale a și b știind că $[a; b]$ este de 15 ori mai mare decât $(a; b)$ și $5a+3b = 150$. (Am notat $[a; b] =$ cel mai mic multiplu comun al numerelor a și b, iar cu $(a; b) =$ cel mai mare divizor comun al numerelor a și b). (Gazeta matematică 10/2012, E 14397)
12. Fie $A_0, A_1, A_2, \dots, A_{100}$ puncte coliniare în această ordine și $A_0A_1 = 1\text{cm}$, $A_1A_2 = 3\text{ cm}$, . . . , $A_kA_{k+1} = (2 \cdot k + 1)\text{ cm}$, unde k este număr natural. Segmentele $[A_0A_1], [A_2A_3], \dots, [A_{2n}A_{2n+1}]$ se colorează în roșu, iar segmentele $[A_1A_2], [A_3A_4], \dots, [A_{2n-1}A_{2n}]$ se colorează în albastru.
 - a) Stabiliți dacă există un segment de forma $[A_kA_{k+2}]$ de lungime 51 cm.
 - b) Stabiliți ce culoare are segmentul care conține mijlocul segmentului $[A_0A_{100}]$.

Școala Gimnazială „Nicolae Romanescu” Craiova
Concursul Interjudețean de Matematică „Micul Arhimede” – Ediția a XIII-a

Partea I

- Un ceasornic lucrează 4 zile pe săptămână și se odihnește în a 5-a zi. El tocmai s-a odihnit duminică și a început lucrul luni. După câte zile se va odihni iar duminică?
a. 30 b. 36 c. 12 d. 34 e. 7
 - În clasa mea, 50% dintre elevi au biciclete. Dintre elevii care au biciclete, 30% au și role. Ce procent din elevi au și biciclete și role?
a. 15 b. 20 c. 25 d. 40 e. 80
 - În triunghiul ABC, unghiul A este triplul unghiului B și jumătate din unghiul C. Cât este unghiul A? a. 30° b. 36° c. 54° d. 60° e. 72°
 - Două veverițe și trei bursuci mănâncă împreună 16 ghinde. Fiecare bursuc mănâncă de două ori mai multe ghinde decât fiecare veveriță. Câte ghinde vor mânca trei veverițe și doi bursuci, cu același apetit pentru ghinde ca și primii?
a. 12 b. 13 c. 14 d. 16 e. 17
 - Matei a completat șirul de numere de mai jos după o anumită regulă, dar Ana a șters din greșeală ultimele trei numere. Care crezi că erau acestea? 1, 3, 4, 2, 5, 7, 8, 6, 9, 11, 12, 10... a. 3, 4, 2 b. 5, 7, 8 c. 13, 15, 16 d. 13, 14, 15 e. 10, 12, 11
 - Media vîrstelor a 10 persoane dintr-o încăpere este 10 (vîrstele persoanelor sunt numere naturale diferite). Care este vîrsta maxima pe care o poate avea cea mai în vîrstă dintre persoane?
a. 10 b. 45 c. 50 d. 55 e. 91
 - Lisa, Mina, Nina și Tina sunt surori. Tina nu are bani, dar celelalte au. Mina îi dă Tinei o șesime din banii săi, Lisa îi dă Tinei o cincime din banii ei și Nina îi dă Tinei o pătrime din banii săi. În acest fel, fiecare îi dă Tinei aceeași sumă de bani. Ce parte din suma totală pe care o au fetele are acum Tina?
a. $\frac{1}{6}$ b. $\frac{1}{5}$ c. $\frac{1}{4}$ d. $\frac{1}{3}$ e. $\frac{1}{2}$
 - Pentru orice număr natural n , ultima cifră a sumei $1 + 3 + 5 + \dots + (2n + 1)$ nu poate fi egală cu : a. 0 b. 3 c. 4 d. 5 e. 6
 - O agenda telefonică are mai puțin de 50 de pagini. $\frac{1}{7}$ din pagini sunt roșii, $\frac{1}{3}$ sunt galbene, $\frac{1}{2}$ sunt verzi, iar restul sunt albe. Câte pagini albe sunt în agendasă?
a. 0 b. 1 c. 2 d. 3 e. 4
 - De câte ori ar trebui adunat $\frac{1}{48}$ la $10\frac{2}{3}$ și, de același număr de ori, scăzut $\frac{1}{12}$ din $4\frac{1}{2}$, pentru ca diferența dintre numerele obținute să fie $8\frac{1}{4}$?
a. de 10 ori b. de 5 ori c. de 20 de ori d. de 2 ori e. de 21 de ori

Partea a II-a

11.a) Determinați numerele naturale nenule x , y , z știind că:

$$\frac{2^{x+y}-3}{2^x+5} = \frac{2y+1}{3y+1} = \frac{z^2+1}{3z+1} \quad (\text{Gazeta matematică 4/2009, E 13814})$$

b) Arătați că nu există numere naturale x și y pentru care $x^2 - 5y^2 = 2012$
 (Gazeta matematică 2/2011, E 14134)

12. Punctele E, F și G sunt mijloacele laturilor AB, CD respective AD ale paralelogramului ABCD, $CE \cap BG = \{ H \}$, $AF \cap BG = \{ M \}$. Paralela dusă prin B la dreapta DH interesează CE în N. Demonstrați că $MN \parallel AB$.

(Gazeta matematică 9/2013, E 14542)

Școala Gimnazială „Nicolae Romanescu” Craiova
Concursul Interjudețean de Matematică „Micul Arhimede” – Ediția a XIII-a
Clasa a VIII-a

Partea I

1. Un cârd de ciori s-a așezat în plopii de pe marginea drumului, câte o cioară în fiecare plop. Din nefericire, o cioară a rămas fără plop. Mai târziu, aceleași ciori s-au așezat în plopi, de această dată câte două în fiecare plop. Acum a rămas un plop fără ciori. Câtă plopi sunt pe marginea drumului? a. 2 b. 3 c. 4 d. 5 e. 6
2. Peter a uitat codul seifului (de 3 cifre), dar știe că toate cifrele sunt diferite, că a doua cifră se împarte exact la a treia și că prima cifră este egală cu pătratul câtului acestei împărțiri. Câte combinații trebuie să încerce? a. 1 b. 2 c. 3 d. 4 e. 8
3. Într-o clasă sunt băieți și fete. Dacă ar mai veni 10 fete, raportul fete : băieți ar fi 2 : 1. Rămâne însă același raport 2 : 1 și dacă pleacă un număr de băieți din clasă. Care ar fi acest număr? a. 5 b. 10 c. 15 d. 20 e. Imposibil de aflat
4. În anul 1980, tatăl meu avea exact atâtia ani cât exprimau ultimele două cifre ale anului nașterii mele. Uimitor este faptul că, exact în același an, vîrstă bunicului meu era exact aceeași pe care o exprimau ultimele două cifre ale anului nașterii. Câtă ani avea bunicul în anul 1980?
a. 100 ani b. 90 ani c. 80 ani d. 45 ani e. Imposibil de aflat
5. Portos și d'Artagnan au prins 400 de țânțari înainte să adoarmă. Portos prindea 2 țânțari pe minut, iar d'Artagnan, 3 țânțari. Însă d'Artagnan a adormit cu 25 de minute înaintea lui Portos. Câtă țânțari a prins Portos?
a. 150 b. 200 c. 190 d. 210 e. Imposibil de aflat
6. O linie frântă închisă are lungimile laturilor exprimate în metri, date de primele 50 de numere naturale impare, consecutive. Atunci perimetru ei va fi:
a. 1275 m b. 625 m c. 2500 m d. 500 m e. 1250 m
7. Într-o urnă sunt bile, dintre care 30% sunt albe, iar restul negre; 80% din bilele albe și, de asemenea, din bilele negre, sunt mari, restul fiind mici. Dacă sunt 12 bile mici în cutie, câte bile mari sunt? a. 28 b. 48 c. 56 d. 112 e. Sunt insuficiente date
8. Care număr este rădăcina pătrată a unui număr mai mare decât el cu 500%?
a. 5 b. 6 c. 7 d. 8 e. 10
9. Andrei are jumătate din vîrstă lui Mihai. Peste 6 ani el va avea aceeași vîrstă pe care o are Mihai acum. Ce vîrstă are Mihai?
a. 36 ani b. 30 ani c. 6 ani d. 12 ani e. 48 ani
10. Găsește valoarea lui $x - y$ dacă $x = 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 2005^2$ și $y = 1 \cdot 3 + 2 \cdot 4 + 3 \cdot 5 + \dots + 2004 \cdot 2006$.
a. 2000 b. 2004 c. 2005 d. 2006 e. 0

Partea a II-a

11. a) Fie n un număr natural. Determinați n știind că $n+49$ și $n-49$ sunt cuburi perfecte.
(Gazeta matematică 6-7-8/2013, E 14509)
b) Determinați numerele reale x, y, z, t pentru care expresia:
$$E = 2x^2 + 5y^2 + 22z^2 + 7t^2 - 4xy - 6yt - 16tz - 18z + 14$$
 are cea mai mică valoare.
(Gazeta matematică 6-7-8/2013, E 14532)
12. Fie M și N mijloacele muchiilor BC și DD' ale cubului $ABCDA'B'C'D'$.
Notăm $DM \cap AC = \{P\}$ și $CN \cap DC' = \{Q\}$.
a) Arătați că $QP \parallel (DBB')$.
b) Arătați că $QP \parallel (ABC')$. (Gazeta matematică 3/2014, SE 14114)