



Clasa a VI a

1. Alegem cinci numere naturale care au suma egală cu 2010.
 - a) Arătați că printre numerele alese cel puțin unul este mai mic decât 403.
 - b) Arătați că există trei printre numerele alese care au suma cel puțin egală cu 1206.

Prelucrare problemă Supliment GM 1 / 2010

2. Determinați numerele prime p și q pentru care există un număr natural n astfel încât $\frac{p}{q+1} = \frac{p+n}{q+n+1}$.

Lucian Dragomir

3. Fie unghiul $\sphericalangle XOY$ și numerele naturale distincte a, b .
Pe (OX) considerăm în ordine punctele A_1, A_2, A_3, \dots astfel încât $OA_1 = A_1A_2 = A_2A_3 = \dots = a$.
Pe (OY) considerăm în ordine punctele B_1, B_2, B_3, \dots astfel încât $OB_1 = B_1B_2 = B_2B_3 = \dots = b$.
 - a) Arătați că există $A \in \{A_1, A_2, A_3, A_4, \dots\}$ și $B \in \{B_1, B_2, B_3, B_4, \dots\}$ astfel încât triunghiul OAB este isoscel;
 - c) Arătați că există $A, C \in \{A_1, A_2, A_3, A_4, \dots\}$ și $B, D \in \{B_1, B_2, B_3, B_4, \dots\}$ astfel încât $\triangle OAD \equiv \triangle OBC$.

Steluța și Mihai Monea, Deva

4. Se consideră unghiul $\sphericalangle MON$ cu măsura de 90° și punctele coliniare A, O, B astfel încât $O \in (AB)$. Dacă (OE) este bisectoarea unghiului $\sphericalangle AOM$, iar (OF) este bisectoarea unghiului $\sphericalangle BON$, arătați că $m(\sphericalangle EOF) = 45^\circ$ sau $m(\sphericalangle EOF) = 135^\circ$.

Gazeta Matematică 1 / 2010

Notă: Timp de lucru : două ore și jumătate.
Toate subiectele sunt obligatorii.
Fiecare problemă se notează cu maxim 7 puncte.

