

OLIMPIADA DE MATEMATICĂ - etapa locală - Clasa a VI- a
Barem de evaluare și notare

CLASA a VI-a

Problema 1.

a) $A = 3^{2n+3} \cdot 2^{4n+6} - 2^{2n+1} \cdot 2^{2n+3} \cdot 3^{2n+3}$ 1p

$A = 3^{2n+3} \cdot 2^{4n+4} (2^2 - 1)$ 1p

Finalizare: $A = 3^{2n+4} \cdot 2^{4n+4} = (3^{2n+2} \cdot 2^{2n+2})^2$ 2p

b) $2B = 2 + 2^2 + 2^3 + 2^4 + \dots + 2^{2011} + 2^{2012} \Rightarrow B = 2^{2012} - 1$ 2p

Finalizare: B de forma $M4 + 3 \Rightarrow B$ nu este pătrat perfect 1p

Problema 2.

a) $\frac{6}{16 \cdot 22}, \frac{7}{22 \cdot 29}$ 2p

b) $S = \frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{2}{2 \cdot 4} + \dots + \frac{10}{46 \cdot 56} = \frac{1}{1} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{4} - \dots + \frac{1}{46} - \frac{1}{56} = 1 - \frac{1}{56} = \frac{55}{56}$ 3p

c) $T_{100} = \frac{100}{a \cdot b}$ cu $a = b - 100$ 1p

$b = 1 + 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 100 = 1 + \frac{100 \cdot 101}{2} = 5051$ 1p

Problema 3.

$36 | \overline{abcd} \Rightarrow 4 | \overline{abcd}$ și $9 | \overline{abcd}$ 1p

Restul este 2 $\Rightarrow d \in \{7, 2\}$ 1p

Cum \overline{abcd} divizibil cu 4, obținem $d = 2$ și $a = 6$ 1p

$4 | \overline{6bc2} \Rightarrow c \in \{1, 3, 5, 7, 9\}$ 2p

$9 | (6 + b + c + 2)$, deci b va fi respectiv: 0, 7, 5, 3, 1, 9 1p

Finalizare: numerele sunt 6012, 6732, 6552, 6372, 6192, 6912 1p

Problema 4

a) $m(\sphericalangle BAC) + m(\sphericalangle DAE) = 180^\circ$ 1p

$m(\sphericalangle MAB) + m(\sphericalangle BAE) + m(\sphericalangle EAN) = 90^\circ + \frac{m(\sphericalangle BAC)}{2} + \frac{m(\sphericalangle EAD)}{2} = 180^\circ$ 1p

$m(\sphericalangle MAN) = 180^\circ$ implică A, M, N coliniare 1p

b) $\sphericalangle BAD \equiv \sphericalangle CAE$ 1p

$\triangle ABD \equiv \triangle ACE \Rightarrow [BD] \equiv [CE]$ 1p

c) $[BC] \equiv [ED] \Rightarrow \triangle ABC \equiv \triangle AED \Rightarrow \sphericalangle BAC \equiv \sphericalangle DAE$ 1p

Deoarece $m(\sphericalangle BAC) + m(\sphericalangle DAE) = 180^\circ$ obținem $m(\sphericalangle BAC) = 90^\circ$ 1p